

# ALGORITHMEN UND DATENSTRUKTUREN

## ÜBUNG 7: SORTIEREN

---

Eric Kunze

`eric.kunze@tu-dresden.de`

TU Dresden, 24. November 2021

letzte Änderung:  
24.11.2021, 21:21

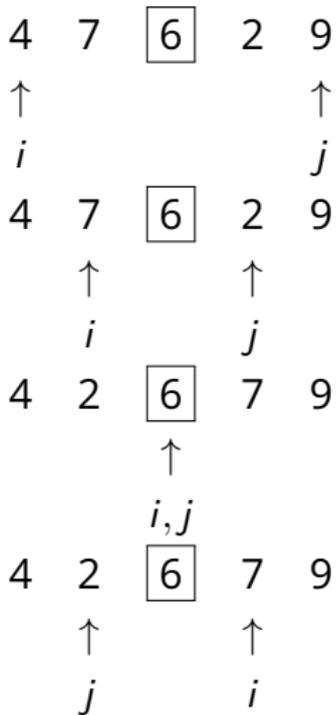
- ▶ C.A.R. Hoare, 1962
- ▶ Idee: ***Divide-and-Conquer***
- ▶ Teilung des zu sortierenden Feldes
- ▶ Ziel: alle Elemente
  - ▷ links des Teilungselements: kleinere Schlüssel
  - ▷ rechts des Teilungselements: größere Schlüssel
- ▶ dazu: Austausch über möglichst große Strecken

# QUICKSORT

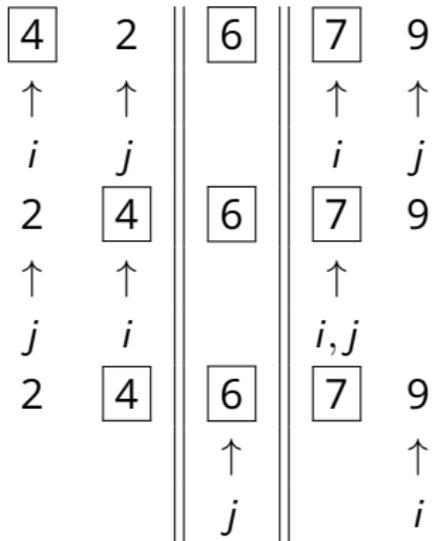
```
1 void quicksort(int a[], int L, int R) {
2     int i, j, w, x, k;
3
4     i = L; j = R; k = (L + R) / 2;
5     x = a[k];
6
7     do {
8         while (a[i] < x) i = i + 1;
9         while (a[j] > x) j = j - 1;
10        if (i <= j) {
11            w = a[i]; //
12            a[i] = a[j]; // swap a[i] and a[j]
13            a[j] = w; //
14            i = i + 1; j = j - 1;
15        }
16    } while (i <= j);
17
18    if (L < j) quicksort(a, L, j);
19    if (R > i) quicksort(a, i, R);
20 }
```

# AUFGABE 1

## 1. Durchlauf



## 2. Durchlauf



# BINÄRBÄUME MIT HEAP-EIGENSCHAFT

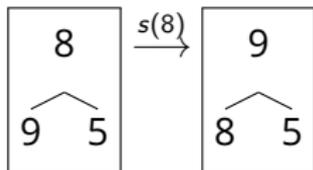
## ► Heap-Eigenschaft:

- ▷ Für jeden Knoten  $n$  gilt: Wenn  $n$  mit  $h$  beschriftet ist, dann müssen die Beschriftungen der Nachfolger von  $n$  kleiner als  $h$  sein (an der Wurzel eines Teilbaums steht stets der größte Schlüssel des Teilbaums) → *Heap-Eigenschaft*

## ► Herstellung der Heap-Eigenschaft: Funktion *senkenlassen*

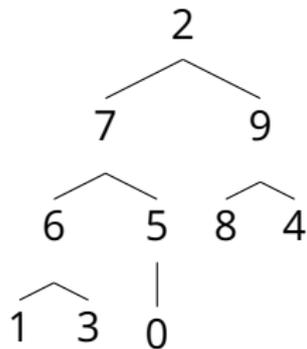
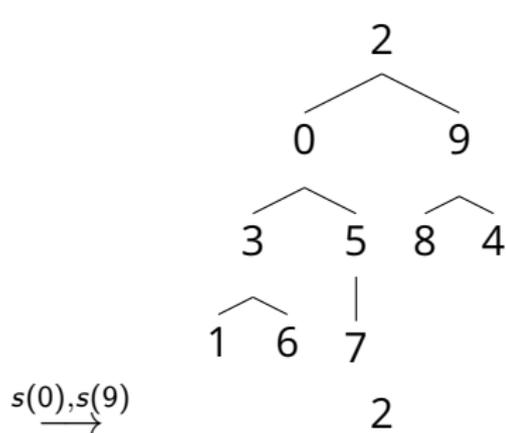
- ▷ Senkenlassen eines Knotens in Richtung Blätter
- ▷ Vertauschen von Wurzelbeschriftung mit größerem Kind

- ▷ Beispiel:

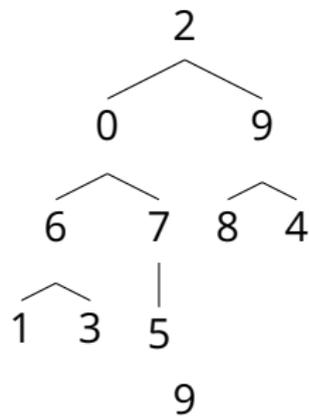


- ▶ Bäume sind nur Veranschaulichung
- ▶ Algorithmus arbeitet auf Listen
- ▶ zwei Phasen
  - ▷ **1. Phase:** Einsortieren in den Heap und Herstellen der Heap-Eigenschaft
  - ▷ **2. Phase:** Führe Sortierschritt wiederholt durch:
    - Tausch von Wurzel und "letztem" Element (tiefste Ebene, ganz rechts)
    - Fixiere dieses Element
    - Sinkenlassen des neuen Wurzelements

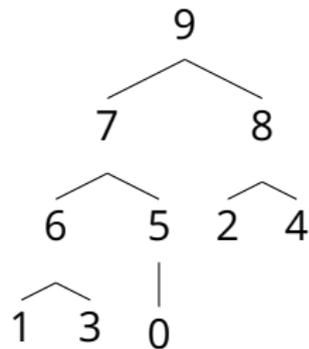
# AUFGABE 2 — PHASE 1



$s(3), s(5)$

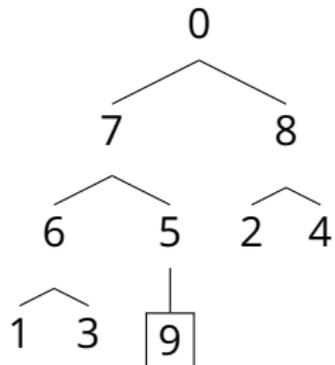


$s(2)$

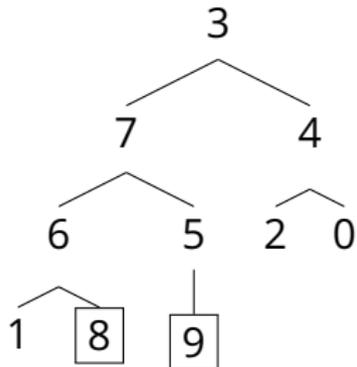


## AUFGABE 2 — PHASE 2

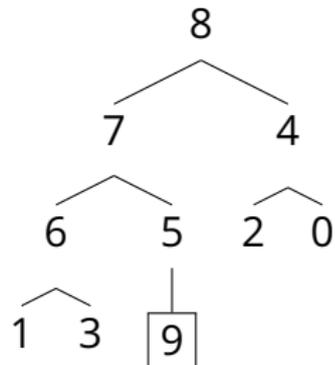
Tausch  
→



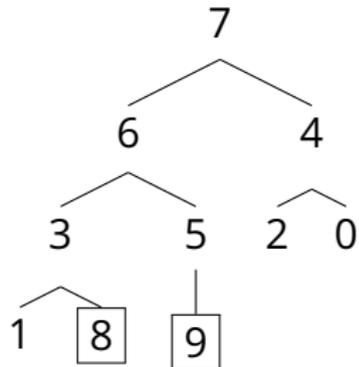
Tausch  
→



$s(0)$   
→



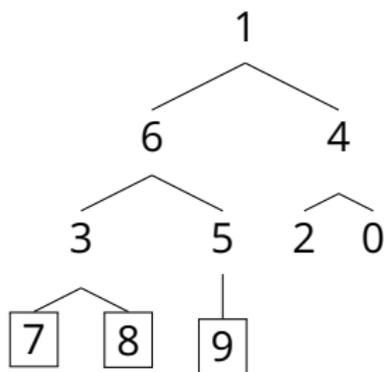
$s(3)$   
→



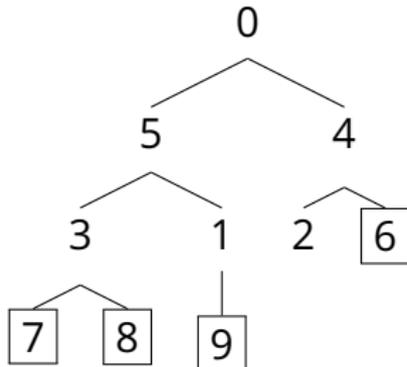
## AUFGABE 2 — PHASE 2

Fortsetzung zur Vollständigkeit

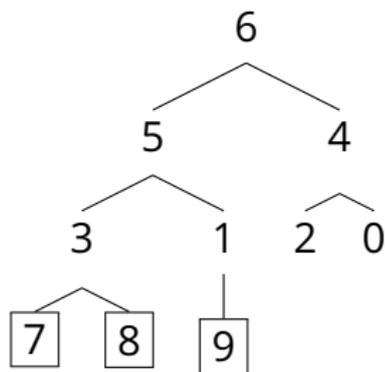
Tausch  
→



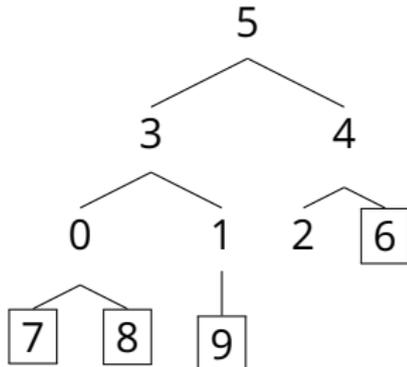
Tausch  
→



$s(1)$   
→



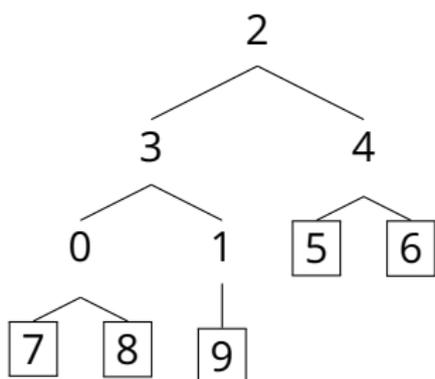
$s(0)$   
→



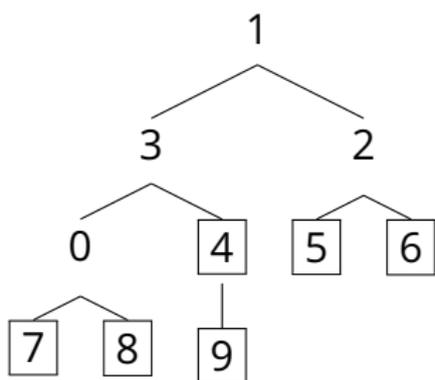
## AUFGABE 2

Fortsetzung zur Vollständigkeit

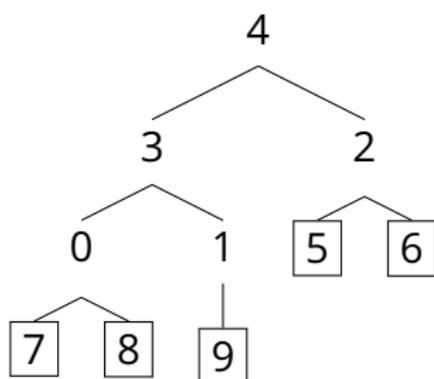
Tausch  
→



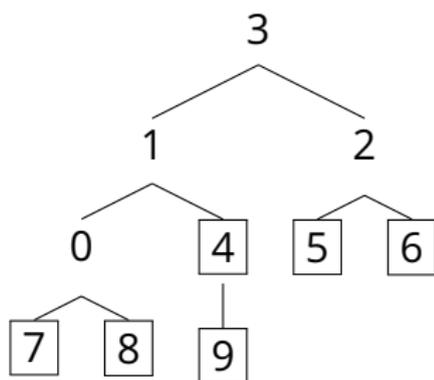
Tausch  
→



$s(2)$   
→



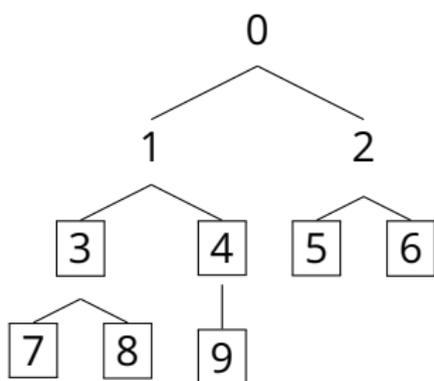
$s(1)$   
→



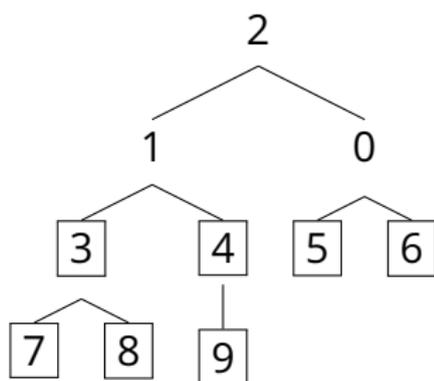
## AUFGABE 2

Fortsetzung zur Vollständigkeit

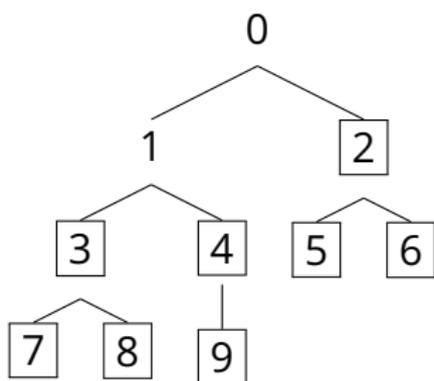
Tausch  
→



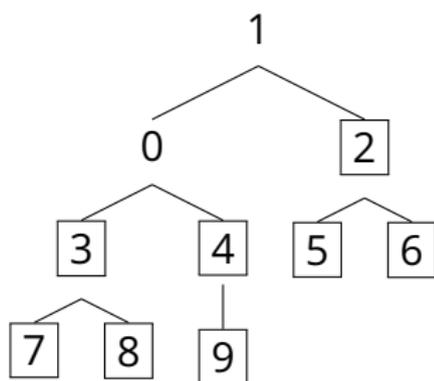
$s(0)$   
→



Tausch  
→



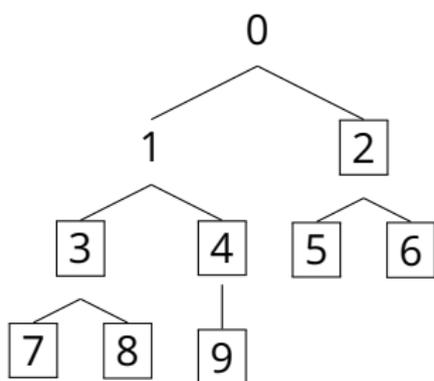
$s(0)$   
→



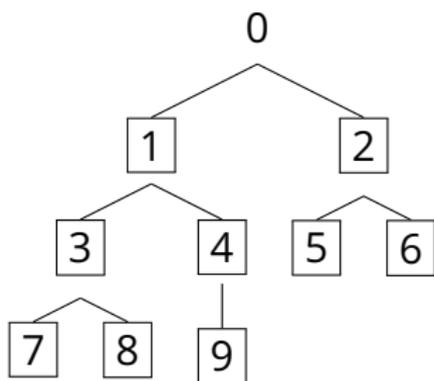
## AUFGABE 2

Fortsetzung zur Vollständigkeit

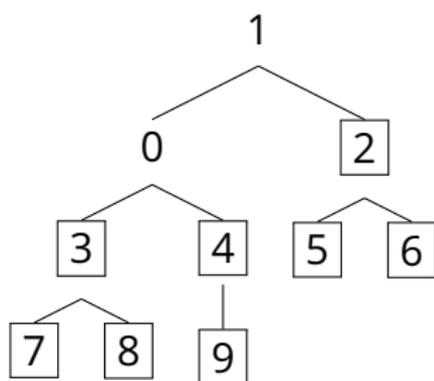
Tausch  
→



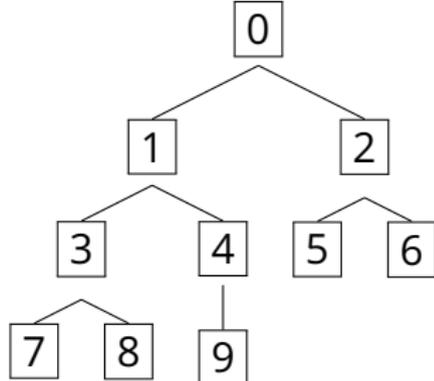
Tausch  
→



$s(0)$   
→



→



## AUFGABE 2

sortierte Liste:

[ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 ]

**FERTIG** 😊