



Darstellung der Kennlinien K_1 und K_2 der folgenden Skalarprodukte:

$$\langle x, y \rangle_1 = x_1 y_1 + x_2 y_2 \stackrel{(15.14)}{=} (x_1 \ x_2) \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \end{pmatrix} \text{ Standardskalarprodukt}$$

$$\stackrel{(15.17)}{=} \langle f^{-1}(x), y \rangle_2$$

$$\langle x, y \rangle_2 = 2x_1 y_1 + x_1 y_2 + x_2 y_1 + x_2 y_2 \stackrel{(15.14)}{=} (x_1 \ x_2) \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \end{pmatrix}$$

$$\stackrel{(15.17)}{=} \langle f(x), y \rangle_1$$

$$f(x) = Ax = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} \text{ mit } A \stackrel{(15.17)}{=} (A_1^{-1})^\top A_2^\top \text{ hier gleich } A_2 \text{ weil } A_1 = E$$

Orthogonalität z.B. $e_1 \perp_1 e_2$ aber $f^{-1}(e_1) \perp_2 e_2$